

① シリーズ P.144 ㊦

(1) $1, 5, 9, 13, 17, 21, \dots, 61$ □番目

$(61-1) \div 4 = 15$ より、61は1に4を15回たした数とわかります。 $15+1=16$ 答 16番目

(2) $2, 3, 5, 8, 12, 17, \dots, \square$ 15番目

1番目 = 2

2番目 = 2 + 1

3番目 = 2 + 1 + 2

4番目 = 2 + 1 + 2 + 3

より、15番目 = $2 + 1 + 2 + \dots + 14$
 $= 2 + (1+14) \times 14 \div 2$
 $= 2 + 105 = 107$ 答 107

(3) $1, 4, 9, 16, 25, 36, \dots, \square$ 15番目

□番目の数は□の平方数(□×□)にあてはまるから、15番目は $15 \times 15 = 225$ 答 225

(4) $\frac{2}{2}, \frac{4}{5}, \frac{6}{8}, \frac{8}{11}, \frac{2}{14}, \frac{4}{17}, \frac{6}{20}, \frac{8}{23}, \frac{2}{26}, \dots, \square$ 50番目

周期の左から2番目と同じになる

分子は [2, 4, 6, 8] の周期にあてはまる、50 ÷ 4 = 12 あと2 より、分子は4です。

分母は2から始まり3ずつ増える等差数列なので、50番目は $2 + 3 \times (50-1) = 149$

答 $\frac{4}{149}$

(5) $\begin{matrix} 1に & 2に & 3に & 4に & 5に \\ \text{●} & \text{●●} & \text{●●●} & \text{●●●●} & \text{●●●●●} \\ \text{○} & \text{○} & \text{○} & \text{○} & \text{○} \end{matrix} \dots$ 白石が出たところまで区切っています。

白石を20個置く = 20組の最後、組の数字 = その組の黒石の個数なので、

1~20組の中に黒石は $1+2+\dots+20 = (1+21) \times 20 \div 2 = 210$

答 210個

(6) $\begin{matrix} 1番目 & 2番目 & 3番目 & 4番目 & ?番目 \\ (1, 2, 3) & (4, 5, 6) & (7, 8, 9) & (10, 11, 12) & \dots (0, \Delta, \square) \\ \text{組の和} & 6 & 15 & 24 & 33 & 150 \end{matrix}$

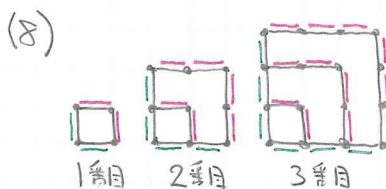
組の和は6から始まり9ずつ増える等差数列なので、これが150になるのは何番目を考えます。

$(150-6) \div 9 = 16$ より、150は6に9を16回たした数だから、 $16+1=17$ 答 17番目

(7) $1, 2, 4, 5, 7, 8, 10, 11, \dots, \square$ 35番目 3の倍数があつたところまで区切ります。

$35 \div 2 = 17 \dots 1$ より、35番目の数は18組の1番目の数とわかります。

各組の1番目の数に注目すると、1, 4, 7, 10... の等差数列だから、18組は $1+3 \times (18-1) = 52$ 答 52



1番目 = 4本 = $2+2$

2番目 = 10本 = $4+2+4$

3番目 = 18本 = $6+2+4+6$

よって、10番目 = $20 + 2 + 4 + \dots + 20$
 $= 20 + (2+20) \times 10 \div 2$
 $= 20 + 110 = 130$

答 130本

② シリーズ P.145 ②

1, 2, 3 | 2, 3, 4 | 3, 4, 5 | 4 ... 3つごとに区切ります。
 1組 2組 3組

(1) 3以降の数字がはじめて出てくるのは組の右はしです。

組の右はしは 3, 4, 5 ... の等差数列になっていますが、7がはじめて出てくるのは5組の右はしとわかります。よって、 $3 \times 5 = 15$ 答 15番目

(2) $50 \div 3 = 16 \dots 2$ より、50番目の数は17組の2番目とわかります。

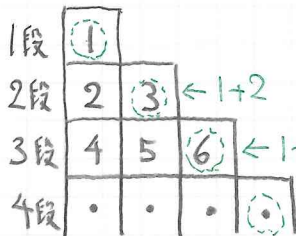
組の1番目の数は組の数字と同じなので、17組の2番目は18です。よって、

$$\underbrace{1+2+3}_{\substack{1組 \\ 和は6}} + \underbrace{2+3+4}_{\substack{2組 \\ 和は9}} + \dots + \underbrace{\dots}_{\substack{16組 \\ 和は51}} + \underbrace{17+18}_{\substack{17組}} = \underbrace{(6+51) \times 16 \div 2}_{\substack{1 \sim 16組の和}} + \underbrace{17+18}_{\substack{17組}} = 491$$

6, 9, 12, ... の等差数列なので、16組の和は $6+3 \times (16-1)$

答 491

③ シリーズ P.145 ③



各段の右はしの数は三角数になっています。

(1) 5段目の左が3番目

= 4段目の右はし + 3 ですから、

$1+2+3+4+3 = 13$

答 13

(2) 6段目の左はし = 5段目の右はし + 1 = $1+2+3+4+5+1 = 16$

6段目の右はし = $1+2+\dots+6 = 21$ ですから、

6段目の6個の和 = $(16+21) \times 6 \div 2 = 111$

答 111

(3) 100を「三角数+はし」に分けます。

$100 = 91 + 9 = (1+2+\dots+13) + 9$ より、100は13段目の右はし+9とわかります。

答 14段目の左が9番目

④ シリーズ P.145 ④

$\frac{1}{100}, \frac{2}{100}, \frac{3}{100}, \frac{4}{100}, \dots, \frac{99}{100}$

(1) $100 = 2 \times 2 \times 5 \times 5$ より、

分子が2か5の倍数だと約分できます。

1から、2と5の最小公倍数10までの10個の

中に、2か5の倍数は 2, 4, 5, 6, 8, 10 の

6個あります。 $199 \div 10 = 9$ あり、9) 9までの中に 5個 あり

$6 \times 9 + 5 = 59$

答 59個

(2) $\frac{\square}{100} = \frac{1}{\Delta}$ とするのは \square が100の約数のときです。

$100 = 1 \times \overset{x}{100}$ より、100の約数は9個ですが、

- 2 × 50
- 4 × 25
- 5 × 20
- 10 × 10

分子は1~99まで、100は 除きます。

$9-1=8$

答 8個